

Informace o cvičení

- Stránka cvičení: www.elif.cz/LA2_1718.html
- Kontakt: elif@kam.mff.cuni.cz
- Podmínky pro udělení zápočtu:
 - Získat alespoň 16 bodů (cca 65 %) za minipísemky na začátku cvičení, skládající se většinou z definice a početního příkladu.
 - Případný nedostatečný bodový zisk je možno nahradit řešením doplňujících domácích úkolů.

Příklad 1. Ověřte, že $\langle x, y \rangle = 2x_1y_1 - x_1y_2 - x_2y_1 + 2x_2y_2$ definuje skalární součin na \mathbb{R}^2 . Pro vektory $x = (1, 2)$ a $y = (3, 4)$ spočítejte

- $\langle x, y \rangle$ a rozhodněte, zda platí $x \perp y$,
- $\|x\|$, $\|y\|$,
- vzdálenost x od y .

Příklad 2. Ukažte, že:

- $\langle x, y \rangle = x^T y$ není skalární součin v \mathbb{C}^n ,
- $\langle x, y \rangle = x^T \bar{y}$ je skalární součin v \mathbb{C}^n .

Příklad 3. Určete úhel mezi vektory

- $(1, -4)$, $(8, 2)$,
- $(0, 0, 1)$, $(1, 0, -1)$.

Příklad 4. Dokažte, že pro každé $a_1, \dots, a_n \in \mathbb{R}$ platí následující vztah mezi aritmetickým a kvadratickým průměrem:

$$\frac{a_1 + \dots + a_n}{n} \leq \sqrt{\frac{a_1^2 + \dots + a_n^2}{n}}.$$

Příklad 5. Ověřte, že $\|x\| = |x_1 - x_2| + |x_2|$ je normou na \mathbb{R}^2 .

Příklad 6. Najděte nenulový vektor v (příp. všechny), který je kolmý na všechny řádky matice

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 3 \\ 3 & 6 & 4 \end{pmatrix}.$$

Informace o cvičení

- Stránka cvičení: www.elif.cz/LA2_1718.html
- Kontakt: elif@kam.mff.cuni.cz
- Podmínky pro udělení zápočtu:
 - Získat alespoň 16 bodů (cca 65 %) za minipísemky na začátku cvičení, skládající se většinou z definice a početního příkladu.
 - Případný nedostatečný bodový zisk je možno nahradit řešením doplňujících domácích úkolů.

Příklad 1. Ověřte, že $\langle x, y \rangle = 2x_1y_1 - x_1y_2 - x_2y_1 + 2x_2y_2$ definuje skalární součin na \mathbb{R}^2 . Pro vektory $x = (1, 2)$ a $y = (3, 4)$ spočítejte

- $\langle x, y \rangle$ a rozhodněte, zda platí $x \perp y$,
- $\|x\|$, $\|y\|$,
- vzdálenost x od y .

Příklad 2. Ukažte, že:

- $\langle x, y \rangle = x^T y$ není skalární součin v \mathbb{C}^n ,
- $\langle x, y \rangle = x^T \bar{y}$ je skalární součin v \mathbb{C}^n .

Příklad 3. Určete úhel mezi vektory

- $(1, -4)$, $(8, 2)$,
- $(0, 0, 1)$, $(1, 0, -1)$.

Příklad 4. Dokažte, že pro každé $a_1, \dots, a_n \in \mathbb{R}$ platí následující vztah mezi aritmetickým a kvadratickým průměrem:

$$\frac{a_1 + \dots + a_n}{n} \leq \sqrt{\frac{a_1^2 + \dots + a_n^2}{n}}.$$

Příklad 5. Ověřte, že $\|x\| = |x_1 - x_2| + |x_2|$ je normou na \mathbb{R}^2 .

Příklad 6. Najděte nenulový vektor v (příp. všechny), který je kolmý na všechny řádky matice

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 3 \\ 3 & 6 & 4 \end{pmatrix}.$$